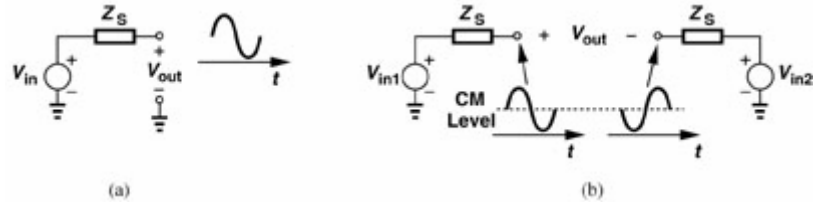


# ΔΙΑΦΟΡΙΚΟΙ ΕΝΙΣΧΥΤΕΣ

## Μονόπλευρη και διαφορική λειτουργία

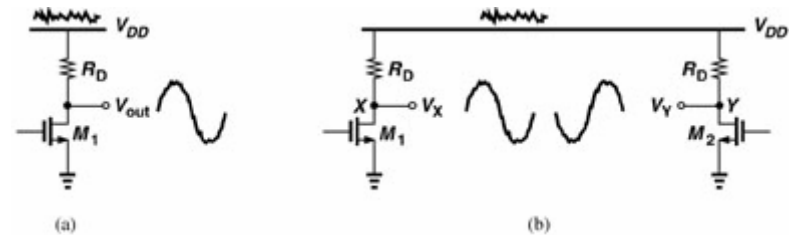
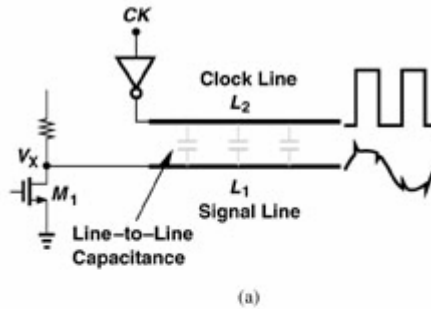
- **Μονόπλευρη έξοδος ή είσοδος:** όταν το σήμα μετράται ως προς ένα σταθερό δυναμικό (συνήθως τη γη).
- **Διαφορική έξοδος ή είσοδος:** όταν το σήμα μετράται μεταξύ δύο σημείων με αντίθετες μεταβολές τάσης γύρω από ένα σταθερό δυναμικό (στάθμη κοινού τρόπου).  
Υποτίθενται επίσης ίσες σύνθετες αντιστάσεις.



## Πλεονεκτήματα της διαφορικής λειτουργίας

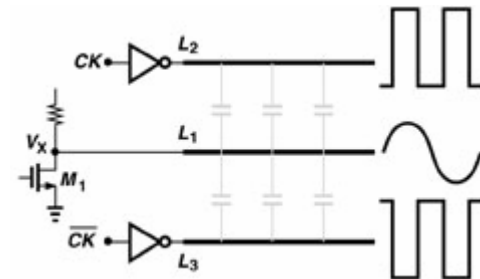
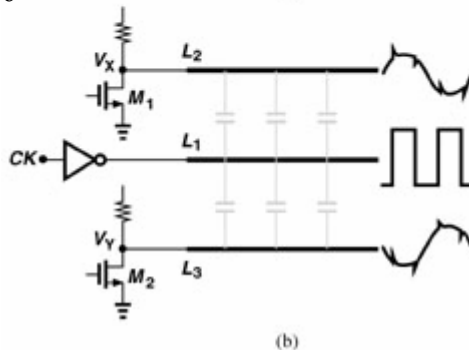
### 1. Απόρριψη θορύβου

### Θόρυβος τάσης τροφοδοσίας

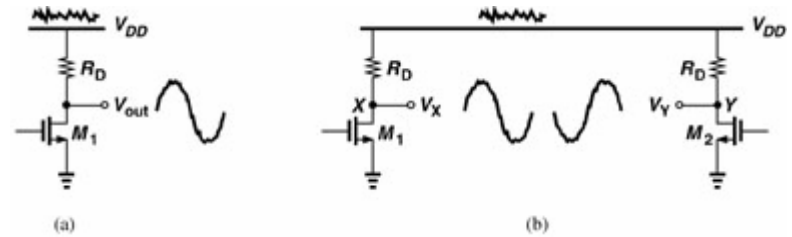


### Θόρυβος ρολογιού

### Διαφορική μεταφορά του ρολογιού



2. Αύξηση των ορίων μεταβολής της τάσης εξόδου



$$\Delta V_{X_{\max}} = \Delta V_{Y_{\max}} = V_{DD} - (V_{GS} - V_{TH})$$

Μονόπλευρη έξοδος

$$\Delta(V_X - V_Y)_{\max} = 2[V_{DD} - (V_{GS} - V_{TH})]$$

Διαφορική έξοδος

3. Απλούστερη πόλωση

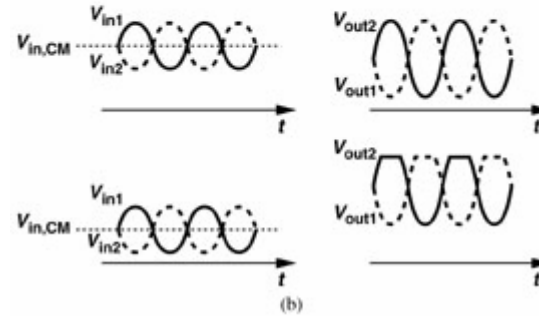
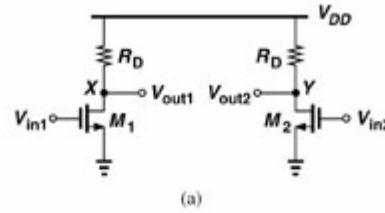
4. Υψηλότερη γραμμικότητα

**Μειονέκτημα της διαφορικής λειτουργίας:** Διπλάσια επιφάνεια (όχι τόσο σημαντικό)

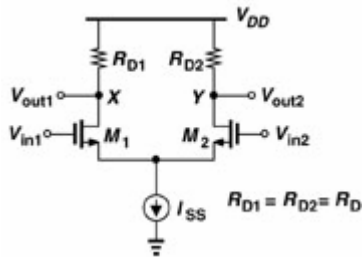
# Βασικό διαφορικό ζεύγος

Επίδραση της τάσης εισόδου κοινού τρόπου:

- Στη διαγωγμότητα
- Στη στάθμη εξόδου CM



Πόλωση με πηγή σταθερού ρεύματος: καταργεί την εξάρτηση της πόλωσης από τη στάθμη εισόδου CM

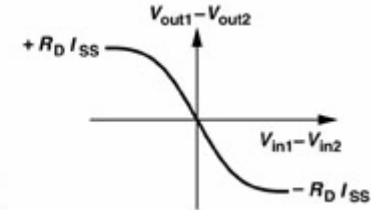
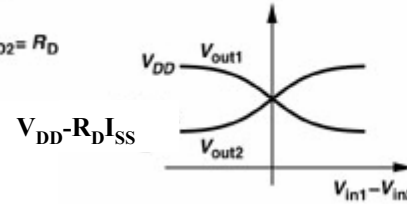
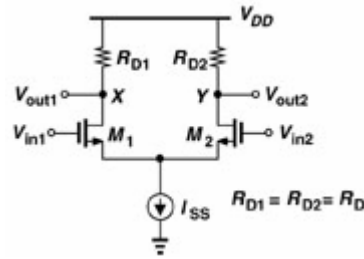


$$V_{outCM} = V_{DD} - R_D \frac{I_{SS}}{2}$$

## Ποιοτική ανάλυση

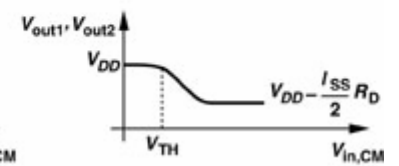
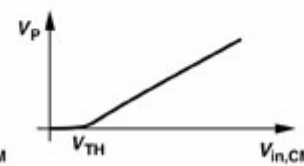
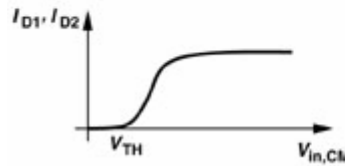
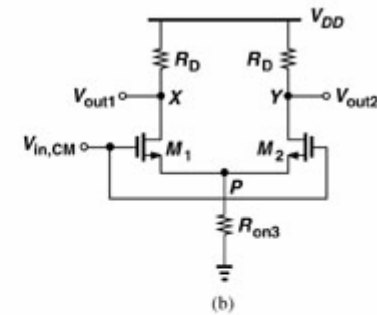
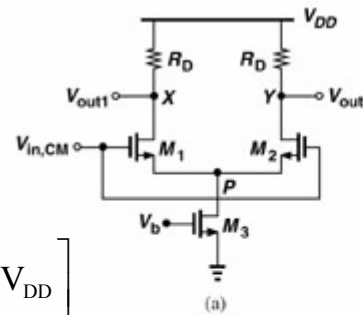
### Διαφορική συμπεριφορά:

- Στάθμες εξόδου ανεξάρτητες της στάθμης εισόδου CM.
- Απολαβή μικρού σήματος μέγιστη για  $V_{in1} = V_{in2}$ .



### Συμπεριφορά κοινού τρόπου

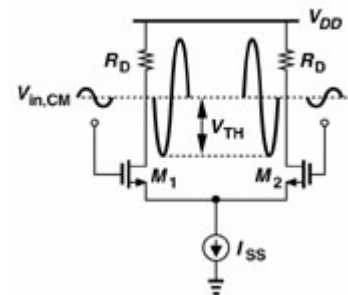
$$V_{GS1} + (V_{GS3} - V_{TH3}) \leq V_{in,CM} \leq \min \left[ V_{DD} - R_D \frac{I_{SS}}{2} + V_{TH}, V_{DD} \right]$$



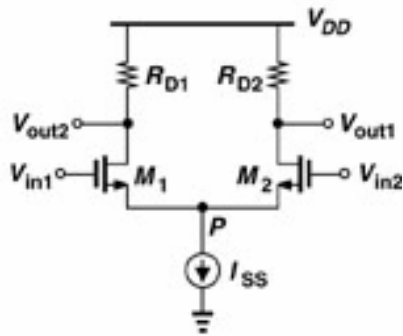
(c)

### Μέγιστη μεταβολή της τάσης εξόδου

$$V_{in,CM} - V_{TH} \leq V_{out} \leq V_{DD}$$



## Ποσοτική ανάλυση



### Ανάλυση μεγάλου σήματος

$$V_{out1} - V_{out2} = R_D(I_{D2} - I_{D1})$$

$$V_{in1} - V_{in2} = V_{GS1} - V_{GS2}$$

Θεωρούμε το κύκλωμα συμμετρικό και τα M1 και M2 στον κόρο.

$$\text{Για } \lambda = 0 \Rightarrow (V_{GS} - V_{TH})^2 = \frac{I_D}{\frac{1}{2}\mu_n C_{ox} \frac{W}{L}} \Rightarrow V_{GS} = \sqrt{\frac{2I_D}{\mu_n C_{ox} \frac{W}{L}}} + V_{TH}$$

$$V_{in1} - V_{in2} = \sqrt{\frac{2I_{D1}}{\mu_n C_{ox} \frac{W}{L}}} - \sqrt{\frac{2I_{D2}}{\mu_n C_{ox} \frac{W}{L}}} \Rightarrow (V_{in1} - V_{in2})^2 = \frac{2}{\mu_n C_{ox} \frac{W}{L}} (I_{SS} - 2\sqrt{I_{D1}I_{D2}}), \text{ επειδή } I_{D1} + I_{D2} = I_{SS}$$

$$\text{Δηλαδή } \frac{1}{2}\mu_n C_{ox} \frac{W}{L} (V_{in1} - V_{in2})^2 - I_{SS} = -2\sqrt{I_{D1}I_{D2}}$$

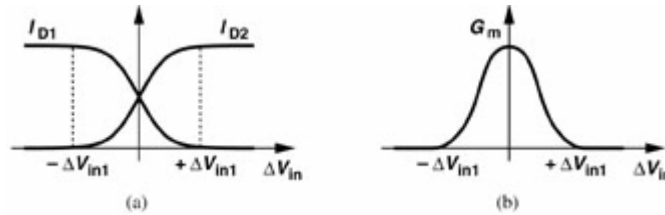
$$(I_{D1} - I_{D2})^2 = -\frac{1}{4} \left( \mu_n C_{ox} \frac{W}{L} \right)^2 (V_{in1} - V_{in2})^4 + I_{SS} \mu_n C_{ox} \frac{W}{L} (V_{in1} - V_{in2})^2$$

$$\text{επειδή } 4I_{D1}I_{D2} = (I_{D1} + I_{D2})^2 - (I_{D1} - I_{D2})^2 = I_{SS}^2 - (I_{D1} - I_{D2})^2$$

$$I_{D1} - I_{D2} = \frac{1}{2}\mu_n C_{ox} \frac{W}{L} (V_{in1} - V_{in2}) \sqrt{\frac{4I_{SS}}{\mu_n C_{ox} \frac{W}{L}} - (V_{in1} - V_{in2})^2} \Rightarrow I_{D1} - I_{D2} = 0, \text{ για } V_{in1} = V_{in2}$$

$$G_m = \frac{\partial I_{D1}}{\partial \Delta V_{in}} = \frac{1}{2} \mu_n C_{ox} \frac{W}{L} \frac{\frac{4I_{SS}}{\mu_n C_{ox} W/L} - 2\Delta V_{in}^2}{\sqrt{\frac{4I_{SS}}{\mu_n C_{ox} W/L} - \Delta V_{in}^2}} \Rightarrow \text{για } \Delta V_{in} = 0 \Rightarrow G_m = \sqrt{\mu_n C_{ox} (W/L) I_{SS}}$$

$$G_m = 0 \cdot \text{για} \cdot \Delta V_{in1} = \sqrt{\frac{2I_{SS}}{\mu_n C_{ox} \frac{W}{L}}} \quad \text{Η } \Delta V_{in1} \text{ είναι η μέγιστη επιτρεπτή διαφορική είσοδος.}$$

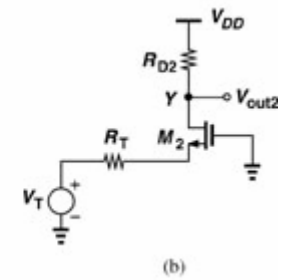
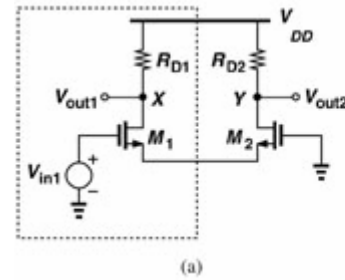
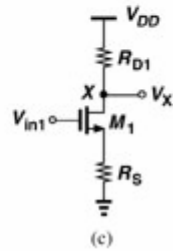
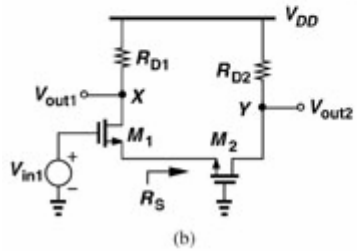
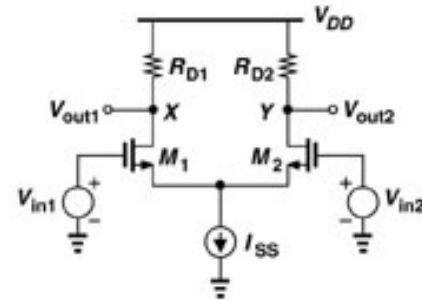
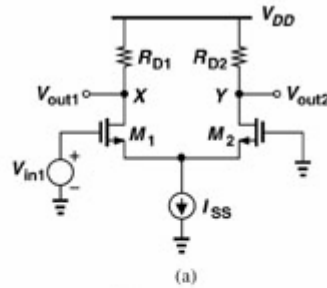


$$\text{Εφόσον } V_{out1} - V_{out2} = R_D G_m \Delta V_{in} \Rightarrow |A_v| = \sqrt{\mu_n C_{ox} \frac{W}{L} I_{SS}} R_D = g_m R_D$$

$$\text{Όταν } I_{D1} = I_{D2} = \frac{I_{SS}}{2} \Rightarrow (V_{GS} - V_{TH})_{1,2} = \sqrt{\frac{I_{SS}}{\mu_n C_{ox} \frac{W}{L}}} = \frac{\Delta V_{in1}}{\sqrt{2}}$$

# Ανάλυση μικρού σήματος

## Μέθοδος I (υπέρθηση ή αρχή της επαλληλίας)



$$R_S = \frac{1}{g_{m2}} \quad \frac{V_X}{V_{in1}} = \frac{-R_D}{\frac{1}{g_{m1}} + \frac{1}{g_{m2}}}$$

$$\frac{V_Y}{V_{in1}} = \frac{R_D}{\frac{1}{g_{m2}} + \frac{1}{g_{m1}}}$$

$$(V_X - V_Y) \Big|_{\text{Due-to-}V_{in1}} = \frac{-2R_D}{\frac{1}{g_{m1}} + \frac{1}{g_{m2}}} V_{in1}, \text{ για } g_{m1} = g_{m2} = g_m \Rightarrow$$

$$(V_X - V_Y) \Big|_{\text{Due-to-}V_{in1}} = -g_m R_D V_{in1}$$

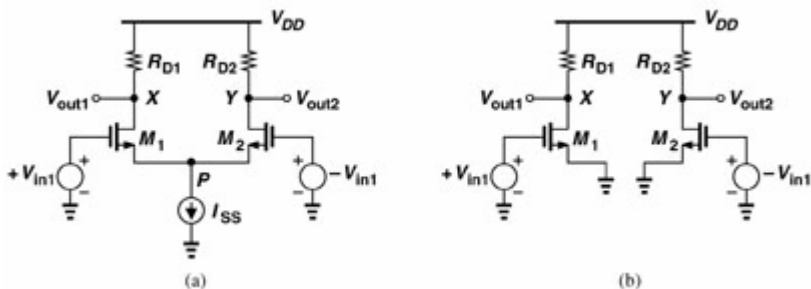
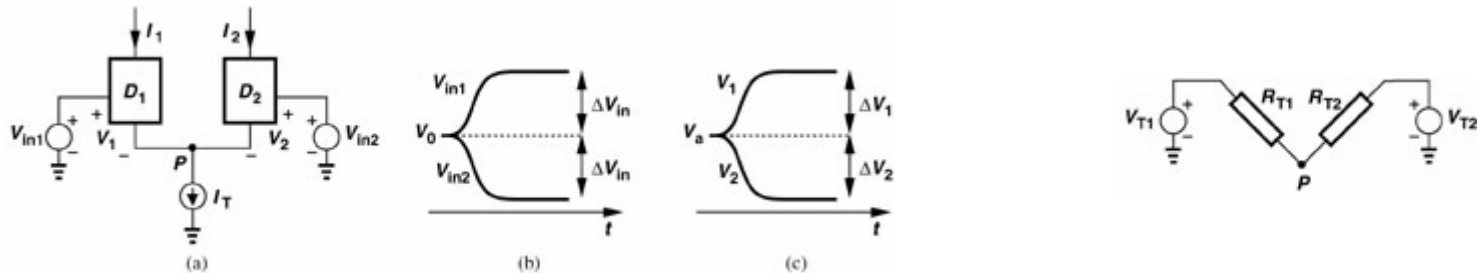
$$(V_X - V_Y) \Big|_{\text{Due-to-}V_{in2}} = g_m R_D V_{in2}$$

$$\frac{(V_X - V_Y)_{\text{tot}}}{V_{in1} - V_{in2}} = -g_m R_D$$

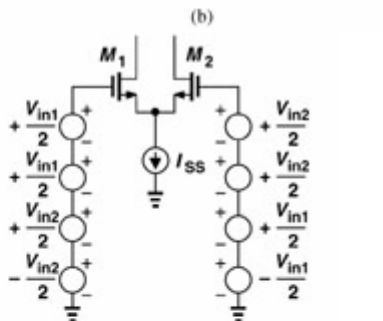
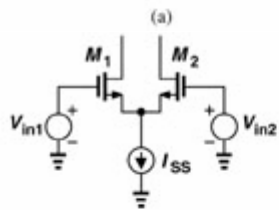
( $g_m$  μικρότερο από του ενισχυτή CS με το ίδιο ρεύμα πόλωσης)

## Μέθοδος ΙΙ

**Λήμμα** Για μικρές αντίθετες μεταβολές  $\Delta v_{in}$  το  $V_p$  δεν μεταβάλλεται

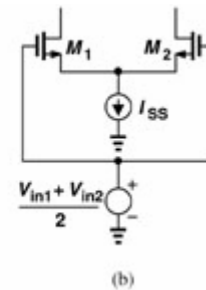
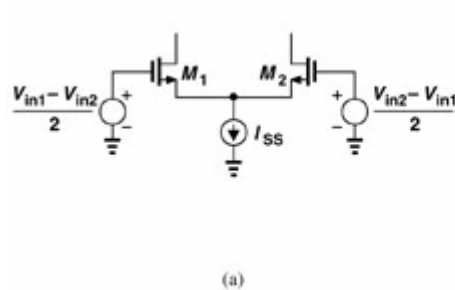
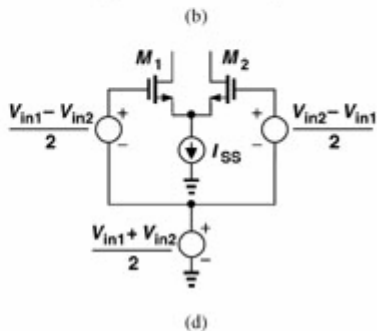
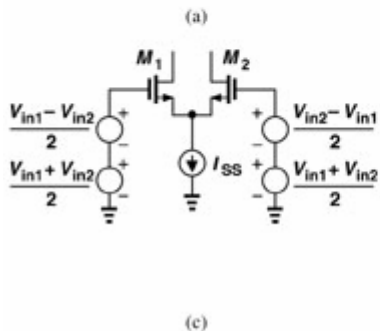


$$\frac{V_X - V_Y}{2V_{in}} = -g_m R_D$$



$$V_{in1} = \frac{V_{in1} - V_{in2}}{2} + \frac{V_{in1} + V_{in2}}{2}$$

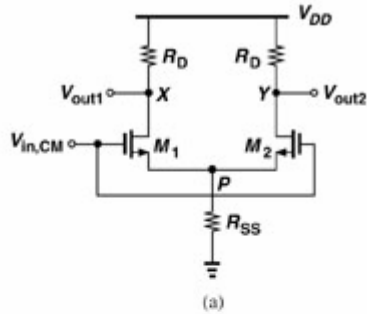
$$V_{in2} = \frac{V_{in2} - V_{in1}}{2} + \frac{V_{in1} + V_{in2}}{2}$$





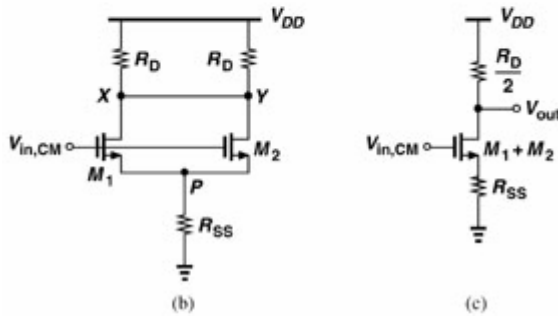
## Απόκριση κοινού-τρόπου

- Μη ιδανική πηγή ρεύματος

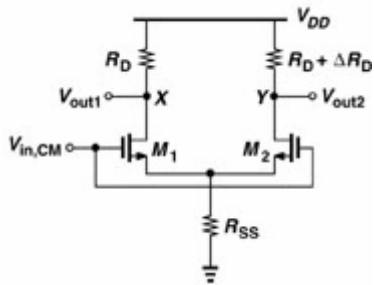


$$A_{V,CM} = \frac{V_{out}}{V_{in,CM}} = -\frac{R_D / 2}{1 / (2g_m) + R_{SS}}$$

(απολαβή κοινού τρόπου)

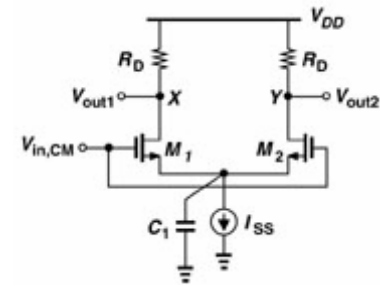
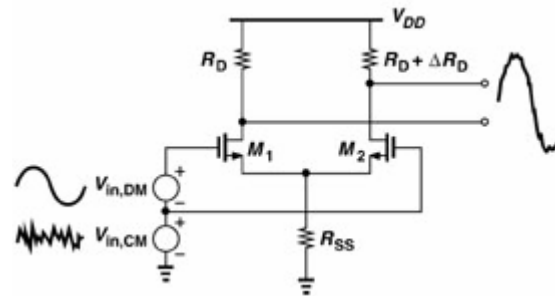


- Ασυμμετρία του κυκλώματος



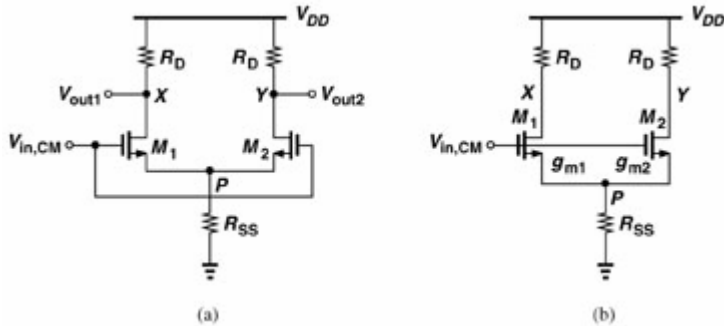
$$\Delta V_X = \Delta V_{in,CM} \frac{g_m}{1 + 2g_m R_{SS}} R_D$$

$$\Delta V_Y = \Delta V_{in,CM} \frac{g_m}{1 + 2g_m R_{SS}} (R_D + \Delta R_D)$$



(μετατροπή κοινού τρόπου σε διαφορικό)

- Ασυμμετρία μεταξύ των M1 και M2



$$I_{D1} = g_{m1}(V_{in,CM} - V_p) \text{ και } I_{D2} = g_{m2}(V_{in,CM} - V_p)$$

$$(g_{m1} + g_{m2})(V_{in,CM} - V_p)R_{SS} = V_p \Rightarrow V_p = \frac{(g_{m1} + g_{m2})R_{SS}}{(g_{m1} + g_{m2})R_{SS} + 1} V_{in,CM}$$

$$V_X = -g_{m1}(V_{in,CM} - V_p)R_D = \frac{-g_{m1}}{(g_{m1} + g_{m2})R_{SS} + 1} R_D V_{in,CM}$$

$$V_Y = -g_{m2}(V_{in,CM} - V_p)R_D = \frac{-g_{m2}}{(g_{m1} + g_{m2})R_{SS} + 1} R_D V_{in,CM}$$

$$V_X - V_Y = -\frac{g_{m1} - g_{m2}}{(g_{m1} + g_{m2})R_{SS} + 1} R_D V_{in,CM}$$

$$A_{CM-DM} = -\frac{\Delta g_m R_D}{(g_{m1} + g_{m2})R_{SS} + 1}$$

$$CMRR = \frac{A_{DM}}{A_{CM-DM}}$$

$$|A_{DM}| = \frac{R_D}{g_{m1}^{-1} + g_{m2}^{-1}} = \frac{g_{m1}g_{m2}}{g_{m1} + g_{m2}} R_D$$

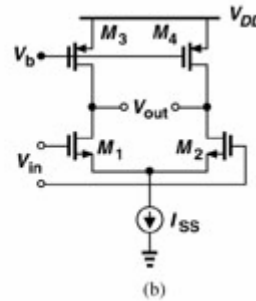
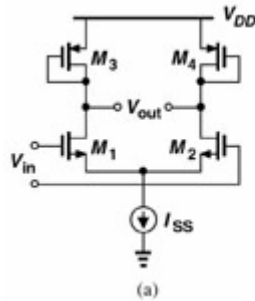
Αν λάβουμε υπόψη μόνο την αστοχία του  $g_m$

$$CMRR = \frac{\frac{g_{m1}g_{m2}}{g_{m1} + g_{m2}} R_D}{\frac{\Delta g_{in} R_D}{1 + (g_{m1} + g_{m2})R_{SS}}} = \frac{g_{m1}g_{m2}}{(g_{m1} + g_{m2})\Delta g_{in}} [1 + (g_{m1} + g_{m2})R_{SS}]$$

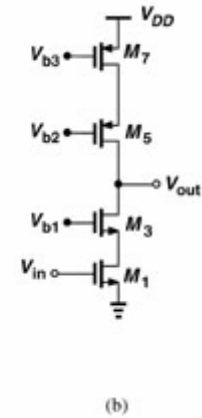
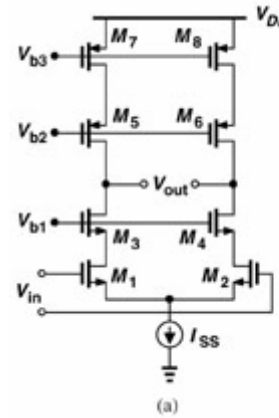
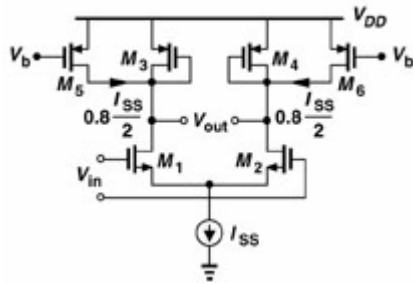
## Διαφορικό ζεύγος με φόρτους MOS

$$A_v = -g_{mN} \left( \frac{1}{g_{mP}^{-1} \parallel r_{0N} \parallel r_{0P}} \right) \approx -\frac{\partial g_{mN}}{\partial g_{mP}}$$

$$A_v \approx -\sqrt{\frac{\mu_n (W/L)_N}{\mu_p (W/L)_P}}$$



$$A_v = -g_{mN} (r_{0N} \parallel r_{0P})$$



$$|A_v| \approx g_{m1} [(g_{m3} r_{03} r_{01}) \parallel (g_{m5} r_{05} r_{07})]$$